

NAMA : _____

TINGKATAN: _____



**UNIT PEPERIKSAAN
SEKOLAH MENENGAH KEBANGSAAN**

PEPERIKSAAN PERCUBAAN SPM, 2022

ADDITIONAL MATHEMATICS

3472/1

**Kertas 1
November
2 Jam**

JANGAN BUKA KERTAS SOALAN INI SEHINGGA DIBERITAHU

1. Tuliskan nama dan kelas anda pada petak yang disediakan.
2. Kertas soalan ini adalah dalam bahasa Melayu.
3. Kertas ini mengandungi 2 Bahagian. Jawab semua soalan di dalam **Bahagian A** dan dua soalan dalam **Bahagian B** di dalam kertas soalan ini juga.
4. Rajah dilukis tidak mengikut skala kecuali dinyatakan.
5. Senarai rumus disediakan.
6. Anda dibenarkan menggunakan kalkulator saintifik.
7. Serahkan kertas soalan ini kepada pengawas peperiksaan di akhir peperiksaan.

Untuk Kegunaan Pemeriksa	
Kod Pemeriksa :	

BAHAGIAN A		
Soalan	Markah Penuh	Markah Diperoleh
1	2	
2	4	
3	5	
4	4	
5	7	
6	6	
7	6	
8	6	
9	5	
10	8	
11	7	
12	4	
JUMLAH	64	

BAHAGIAN B		
Soalan	Markah Penuh	Markah Diperoleh
13	8	
14	8	
15	8	
JUMLAH	16	
JUMLAH BESAR	80	

Rumus-rumus berikut boleh membantu anda menjawab soalan. Simbol-simbol yang diberi adalah yang biasa digunakan.

The following formulae may be helpful in answering the questions. The symbols given are the ones commonly used.

$$1 \quad x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$2 \quad \log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$$

$$3 \quad T_n = a + (n - 1)d$$

$$4 \quad T_n = ar^{n-1}$$

$$5 \quad S_n = \frac{n}{2}[2a + (n - 1)d]$$

$$6 \quad S_n = \frac{a(r^n - 1)}{r - 1} = \frac{a(1 - r^n)}{1 - r}, \quad r \neq 1$$

$$7 \quad Z = \frac{X - \mu}{\sigma}$$

8

$$P(X = r) = {}^nC_r p^r q^{n-r}, \quad p + q = 1$$

$$9 \quad {}^n P_r = \frac{n!}{(n - r)!}$$

$$10 \quad {}^n C_r = \frac{n!}{(n - r)!r!}$$

$$11 \quad I = \frac{Q_1}{Q_0} \times 100$$

$$12 \quad \bar{I} = \frac{\sum W_i I_i}{\sum W_i}$$

$$13 \quad \sin^2 A + \cos^2 A = 1$$

$$\sin^2 A + \cos^2 A = 1$$

$$14 \quad \sec^2 A = 1 + \tan^2 A$$

$$\cosec^2 A = 1 + \cot^2 A$$

$$15 \quad \cosec^2 A = 1 + \cot^2 A$$

$$\cosec^2 A = 1 + \cot^2 A$$

$$16 \quad \sin(A \pm B) = \sin A \cos B \pm \cos A \sin B$$

$$\sin(A \pm B) = \sin A \cos B \pm \cos A \sin B$$

$$17 \quad \cos(A \pm B) = \cos A \cos B \mp \sin A \sin B$$

$$\cos(A \pm B) = \cos A \cos B \mp \sin A \sin B$$

$$18 \quad \tan(A \pm B) = \frac{\tan A \pm \tan B}{1 \mp \tan A \tan B}$$

$$19 \quad \sin 2A = 2 \sin A \cos A$$

$$\sin 2A = 2 \sin A \cos A$$

$$20 \quad \begin{aligned} \cos 2A &= \cos^2 A - \sin^2 A \\ &= 2\cos^2 A - 1 \\ &= 1 - 2 \sin^2 A \\ \cos 2A &= \cos^2 A - \sin^2 A \\ &= 2\cos^2 A - 1 \\ &= 1 - 2 \sin^2 A \end{aligned}$$

$$21 \quad \tan 2A = \frac{2 \tan A}{1 - \tan^2 A}$$

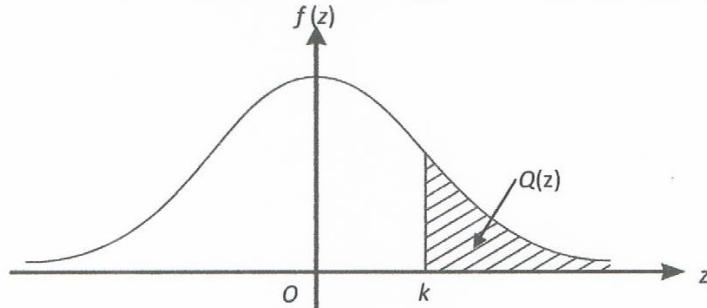
$$22 \quad \frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$$

$$23 \quad \begin{aligned} a^2 &= b^2 + c^2 - 2bc \cos A \\ a^2 &= b^2 + c^2 - 2bc \cos A \end{aligned}$$

$$24 \quad \begin{aligned} \text{Area of triangle} / \text{Luas segi tiga} \\ &= \frac{1}{2} ab \sin C \end{aligned}$$

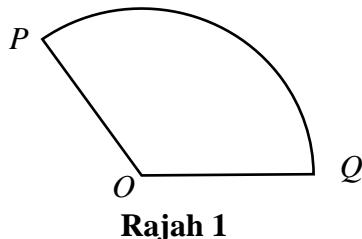
THE UPPER TAIL PROBABILITY Q(z) FOR THE NORMAL DISTRIBUTION N(0, 1)

<i>z</i>	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Minus / Tolak	
0.0	0.5000	0.4960	0.4920	0.4880	0.4840	0.4801	0.4761	0.4721	0.4681	0.4641	4	8	12	16	20	24	28	32	36		
0.1	0.4602	0.4562	0.4522	0.4483	0.4443	0.4404	0.4364	0.4325	0.4286	0.4247	4	8	12	16	20	24	28	32	36		
0.2	0.4207	0.4168	0.4129	0.4090	0.4052	0.4013	0.3974	0.3936	0.3897	0.3859	4	8	12	15	19	23	27	31	35		
0.3	0.3821	0.3783	0.3745	0.3707	0.3669	0.3632	0.3594	0.3557	0.3520	0.3483	4	7	11	15	19	22	26	30	34		
0.4	0.3446	0.3409	0.3372	0.3336	0.3300	0.3264	0.3228	0.3192	0.3156	0.3121	4	7	11	15	18	22	25	29	32		
0.5	0.3085	0.3050	0.3015	0.2981	0.2946	0.2912	0.2877	0.2843	0.2810	0.2776	3	7	10	14	17	20	24	27	31		
0.6	0.2743	0.2709	0.2676	0.2643	0.2611	0.2578	0.2546	0.2514	0.2483	0.2451	3	7	10	13	16	19	23	26	29		
0.7	0.2420	0.2389	0.2358	0.2327	0.2296	0.2266	0.2236	0.2206	0.2177	0.2148	3	6	9	12	15	18	21	24	27		
0.8	0.2119	0.2090	0.2061	0.2033	0.2005	0.1977	0.1949	0.1922	0.1894	0.1867	3	5	8	11	14	16	19	22	25		
0.9	0.1841	0.1814	0.1788	0.1762	0.1736	0.1711	0.1685	0.1660	0.1635	0.1611	3	5	8	10	13	15	18	20	23		
1.0	0.1587	0.1562	0.1539	0.1515	0.1492	0.1469	0.1446	0.1423	0.1401	0.1379	2	5	7	9	12	14	16	19	21		
1.1	0.1357	0.1335	0.1314	0.1292	0.1271	0.1251	0.1230	0.1210	0.1190	0.1170	2	4	6	8	10	12	14	16	18		
1.2	0.1151	0.1131	0.1112	0.1093	0.1075	0.1056	0.1038	0.1020	0.1003	0.0985	2	4	6	7	9	11	13	15	17		
1.3	0.0968	0.0951	0.0934	0.0918	0.0901	0.0885	0.0869	0.0853	0.0838	0.0823	2	3	5	6	8	10	11	13	14		
1.4	0.0808	0.0793	0.0778	0.0764	0.0749	0.0735	0.0721	0.0708	0.0694	0.0681	1	3	4	6	7	8	10	11	13		
1.5	0.0668	0.0655	0.0643	0.0630	0.0618	0.0606	0.0594	0.0582	0.0571	0.0559	1	2	4	5	6	7	8	10	11		
1.6	0.0548	0.0537	0.0526	0.0516	0.0505	0.0495	0.0485	0.0475	0.0465	0.0455	1	2	3	4	5	6	7	8	9		
1.7	0.0446	0.0436	0.0427	0.0418	0.0409	0.0401	0.0392	0.0384	0.0375	0.0367	1	2	3	4	4	5	6	7	8		
1.8	0.0359	0.0351	0.0344	0.0336	0.0329	0.0322	0.0314	0.0307	0.0301	0.0294	1	1	2	3	4	4	5	6	6		
1.9	0.0287	0.0281	0.0274	0.0268	0.0262	0.0256	0.0250	0.0244	0.0239	0.0233	1	1	2	2	3	4	4	5	5		
2.0	0.0228	0.0222	0.0217	0.0212	0.0207	0.0202	0.0197	0.0192	0.0188	0.0183	0	1	1	2	2	3	3	4	4		
2.1	0.0179	0.0174	0.0170	0.0166	0.0162	0.0158	0.0154	0.0150	0.0146	0.0143	0	1	1	2	2	2	3	3	4		
2.2	0.0139	0.0136	0.0132	0.0129	0.0125	0.0122	0.0119	0.0116	0.0113	0.0110	0	1	1	1	2	2	2	3	3		
2.3	0.0107	0.0104	0.0102		0.00990	0.00964	0.00939	0.00914			3	5	8	10	13	15	18	20	23		
								0.00889	0.00866	0.00842	2	5	7	9	12	14	16	18	21		
2.4	0.00820	0.00798	0.00776	0.00755	0.00734		0.00714	0.00695	0.00676	0.00657	0.00639	2	4	6	8	11	13	15	17	19	
2.5	0.00621	0.00604	0.00587	0.00570	0.00554	0.00539	0.00523	0.00508	0.00494	0.00480	2	3	5	6	8	9	11	12	14		
2.6	0.00466	0.00453	0.00440	0.00427	0.00415	0.00402	0.00391	0.00379	0.00368	0.00357	1	2	3	5	6	7	9	9	10		
2.7	0.00347	0.00336	0.00326	0.00317	0.00307	0.00298	0.00289	0.00280	0.00272	0.00264	1	2	3	4	5	6	7	8	9		
2.8	0.00256	0.00248	0.00240	0.00233	0.00226	0.00219	0.00212	0.00205	0.00199	0.00193	1	1	2	3	4	4	5	6	6		
2.9	0.00187	0.00181	0.00175	0.00169	0.00164	0.00159	0.00154	0.00149	0.00144	0.00139	0	1	1	2	2	3	3	4	4		
3.0	0.00135	0.00131	0.00126	0.00122	0.00118	0.00114	0.00111	0.00107	0.00104	0.00100	0	1	1	2	2	2	3	3	4		

KEBARANGKALIAN HUJUNG ATAS Q(z) BAGI TABURAN NORMAL N(0, 1)

Bahagian A
[64 Markah]Jawab **semua** soalan

1. Dalam Rajah 1, menunjukkan sebuah sektor bagi bulatan dengan pusat O .
Diagram 1, shows a sector of a circle with centre O .

**Rajah 1**

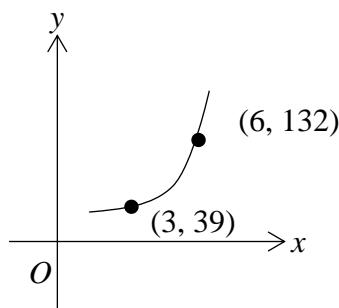
Sektor itu dibentuk dengan seutas wayar sepanjang 95 cm. Diberi panjang lengkok PQ ialah 55 cm, cari $\angle POQ$ dalam radian.

The sector is formed from a piece of wire of length 95 cm. It is given that the length of arc PQ is 55 cm, find $\angle POQ$ in radians.

. [2 markah/marks]

Jawapan/Answer :

2. Rajah 2 menunjukkan sebahagian daripada graf y melawan x .
Diagram 2 shows part of the graph y against x .



Rajah 2 / Diagram 2

Diketahui bahawa persamaan bentuk linear yang menghubungkan pembolehubah x dan y ialah $\frac{y}{x} = ax + b$, dengan keadaan a dan b ialah pemalar.

It is knew that the linear equation that related variables x and y is $\frac{y}{x} = ax + b$, where a and b are constants.

- (a) Lakar graf garis lurus bagi persamaan $\frac{y}{x} = ax + b$.

Sketch a straight line graph of the equation $\frac{y}{x} = ax + b$.

[1 markah/ mark]

- (b) Cari nilai a dan nilai b .
Find the value of a and of b .

[3 markah/ marks]

Jawapan/Answer :

3. (a) Diberi bahawa $2^y = p$ dan $3^y = q$, ungkapkan $81^{2y} - 4^{2y}$ dalam sebutan p dan q .

Given that $2^y = p$ and $3^y = q$, express $81^{2y} - 4^{2y}$ in terms of p and q .

[2 markah/ marks]

- (b) Tunjukkan bahawa $6^{m+2} + 6^{m+1} - 18(6^m)$ boleh dibahagikan tepat dengan 24 bagi semua nilai integer positif m .

Show that $6^{m+2} + 6^{m+1} - 18(6^m)$ is divisible by 24 by all positive integer values of m .

[3 markah/marks]

Jawapan/Answer :

4. Isi padu air, $V \text{ cm}^3$, dalam sebuah bekas diberi oleh $V = \frac{1}{3}h^3 + 8h$, di mana $h \text{ cm}$ ialah tinggi air dalam bekas itu. Air dituang ke dalam bekas tersebut pada kadar $10 \text{ cm}^3 \text{s}^{-1}$. Cari kadar perubahan tinggi air, apabila tinggi air ialah 2 cm .

The volume of water, $V \text{ cm}^3$, in a container is given by $V = \frac{1}{3}h^3 + 8h$, where $h \text{ cm}$ is the height of water in the container. Water is poured into the container at a rate of $10 \text{ cm}^3 \text{s}^{-1}$. Find the rate of change of the height of the water, when its height is 2 cm .

[4 markah / marks]

Jawapan/Answer :

5. Diberi fungsi kuadratik $f(x) = 4x^2 + 18x - 5$.
Given the quadratic $f(x) = 4x^2 + 18x - 5$.

a) Dengan menggunakan kaedah penyempurnaan kuasa dua, ungkapkan $f(x)$ dalam bentuk $f(x) = a(x + p)^2 + q$, dengan keadaan p dan q ialah nombor nisbah.

By using completing the square method, express $f(x)$ in the form of $f(x) = a(x + p)^2 + q$, where p and q are rational numbers.

[3 markah/marks]

b) Cari titik minimum/maksimum bagi fungsi $f(x)$.

Find the minimum/maximum point of the function $f(x)$.

[2 markah/marks]

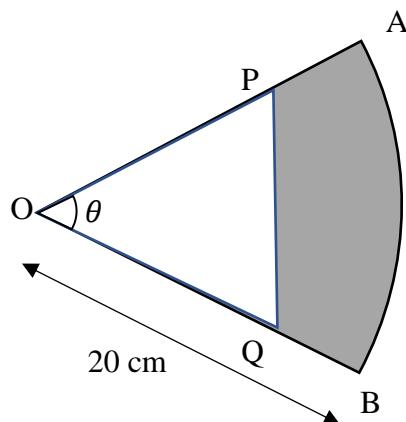
c) Nyatakan persamaan lengkung dalam bentuk penyempurnaan kuasa dua apabila graf tersebut dipantulkan pada paksi- x .

State the equation of the curve in the completing the square form when the graph is reflected in the x -axis.

[2 markah/marks]

Jawapan/Answer :

6. Rajah 6 menunjukkan sektor AOB bagi sebuah bulatan berpusat O . PQ ialah garis lurus.
Diagram 6 shows a sector AOB of a circle with centre O . PQ is a straight line.



Rajah 6 / Diagram 6

Diberi $OB = 20 \text{ cm}$, $OQ = OP$, $QB = PA$, $OQ : QB = 3 : 2$ dan luas segitiga OPQ 42.42 cm^2 ,
cari,

Given $OB = 20 \text{ cm}$, $OQ = OP$, $QB = PA$, $OQ : QB = 3 : 2$ and the area of triangle $OPQ = 42.42 \text{ cm}^2$, find,

- (a) nilai θ , dalam radian
the value θ , in radians

[3 markah/marks]

- (b) luas, dalam cm^2 , rantau berlorek.
area, in cm^2 , of the shaded region.

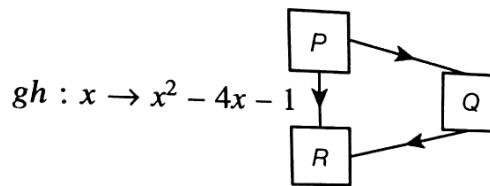
[3 markah/marks]

[Guna/ use $\pi=3.142$]

Jawapan/Answer :

7. Rajah 7 menunjukkan hubungan antara set P , Q dan R .

Diagram 7 shows the relation between the sets P , Q and R .



Rajah/ Diagram 7

Diberi bahawa set P dipetakan kepada set Q oleh fungsi $\frac{x-2}{3}$ dan dipetakan kepada set R oleh $gh: x \rightarrow x^2 - 4x - 1$.

Given that the set P is mapped to the set Q by the function $\frac{x-2}{3}$ and is mapped to the set R by $gh: x \rightarrow x^2 - 4x - 1$.

- (a) Tulis fungsi yang memetakan set P kepada set Q dengan menggunakan tatacara fungsi.
Write a function that maps the set P to the set Q using function notation.

- (b) Cari fungsi sonsangan bagi set Q yang dipetakan kepada set P .

Find the inverse function of the set Q mapped to the set P .

- (c) Cari fungsi yang memetakan set Q kepada set R .

Find the function that maps the set Q to the set R .

[6 markah/marks]

Jawapan/Answer :

8. Diberi garis lurus yang menyambungkan titik $P(1, 5)$ dan titik $Q(a, -4)$ berserenjang dengan garis lurus yang menyambungkan titik $A(-9, 5)$ dan titik $B(3, 1)$.

Given a straight line connecting point $P(1, 5)$ and point $Q(a, -4)$ is perpendicular to a straight line connecting point $A(-9, 5)$ and point $B(3, 1)$.

- (a) Cari nilai a . /Find the value of a .

[3 markah/marks]

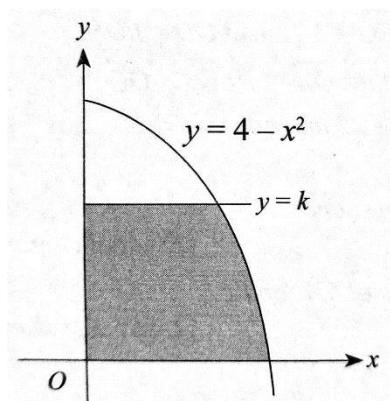
- (b) Cari persamaan garis lurus yang melalui titik Q dan selari dengan garis lurus AB.

Find the equation of the straight line that passes through point Q and is parallel to the straight line AB.

[3 markah/marks]

Jawapan/Answer :

9.



Rajah 9 / Diagram 9

- (a) Rajah menunjukkan kawasan berlorek yang dibatasi oleh lengkung $y = 4 - x^2$, garis lurus $y = k$, paksi- x dan paksi- y . Apabila rantau berlorek dikisarkan 360° pada paksi- y , isi padu janaan ialah $6\pi \text{ unit}^3$. Hitung nilai bagi k .

Diagram shows the shaded region bounded by the curve $y = 4 - x^2$, straight line $y = k$, x-axis and y-axis. When the shaded region revolved through 360° at the y-axis, the volume generated is 6π units 3 . Calculate the value of k .

[3 markah / marks]

- (b) Diberi $\int_1^3 f(x) dx = 6$, cari nilai bagi $\int_1^3 [2f(x) - 5] dx$.

Given $\int_1^3 f(x) dx = 6$, find the value of $\int_1^3 [2f(x) - 5] dx$.

[2 markah / marks]

Jawapan/Answer :

10. Seorang kontraktor mengambil upah menggali telaga minyak. Kos untuk menggali kedalaman 2 m yang pertama ialah RM600, 2 m yang kedua ialah RM680 dan 2 m yang ketiga ialah RM760. Kos tersebut akan meningkat secara tetap untuk setiap 2 m yang berikutnya.

A contactor took a job to dig an oil well. The cost to dig the depth of the first 2 m is RM600, the second 2 m is RM680 and the third 2 m is RM760. The cost will increase for every subsequent of 2 m.

Cari / Find

- (a) kos untuk menggali kedalaman 2 m yang ke-12,
the cost to dig the depth of the 12th 2 m, [2 markah/marks]
- (b) kos untuk menggali telaga minyak sedalam 120 m,
the cost to dig a 120 m deep of oil well [2 markah/marks]
- (c) kedalaman telaga minyak, jika bajet syarikat itu adalah sebanyak setengah juta.
the depth of the oil well, if the budget of the company is half a million. [4 markah/marks]

Jawapan/Answer :

11. (a) Diberi tujuh digit 1, 2, 3, 4, 5, 6 dan 7. Suatu nombor empat digit hendak dibentuk dengan menggunakan empat daripada digit tersebut. Cari
Given seven digits 1, 2 , 3 , 4 , 5 , 6 and 7. A digit number is to be formed using four of these digits. Find
- (i) bilangan nombor empat digit yang berlainan yang dapat dibentuk
the number of different four - digit numbers that can be formed,
- (ii) bilangan nombor empat digit yang genap dan berlainan yang melebihi 7000.
the number of different four-digit even numbers which are greater than 7000.
- [4 markah/marks]
- (b) Kebarangkalian Sarah layak ke peringkat akhir Kejohanan Badminton adalah $\frac{3}{5}$ manakala kebarangkalian Siti layak adalah $\frac{1}{3}$. Cari kebarangkalian bahawa
The probability that Sarah qualifies for the final of badminton championship is $\frac{3}{5}$ while the probability that Siti qualifies is $\frac{1}{3}$. Find the probability that
- (i) Kedua-duanya layak ke peringkat akhir
Both of them qualify for the final
- (ii) Hanya seorang daripada mereka yang layak ke peringkat akhir.
Only one of them qualifies for the final
- [3 markah/marks]

Jawapan/Answer :

12. Bina satu jadual dan lukis graf untuk mewakili taburan kebarangkalian bagi pemboleh ubah diskret berikut. Seterusnya, jawab soalan berikut :

Construct a table and draw a graph to represent the probability distribution for the following discrete random variable. Then, answer the following questions.

Diberi bahawa, $Y = \{0, 1, 3, 4\}$ ialah pemboleh ubah rawak diskret dan P ialah fungsi taburan kebarangkalian yang ditakrifkan oleh $P(Y = r) = \frac{11-r}{36}$ dengan $r = 0, 1, 3$ dan 4 . Cari $P(0 \leq Y < 4)$.

Given that, $Y = \{0, 1, 3, 4\}$ is a discrete random variable and P is the probability distribution function which is defined by $P(Y = r) = \frac{11-r}{36}$ where $r = 0, 1, 3$ and 4 . Find $P(0 \leq Y < 4)$.

[4 markah / marks]

Jawapan/Answer :

13. (a) Seekor ikan berenang dengan halaju $\underline{v} = 20\underline{i} + 14\underline{j}$. Terdapat arus yang mengalir dengan halaju $\underline{a} = 7\underline{i} - 21\underline{j}$. Cari magnitud dan arah bagi halaju paduan ikan itu.

A fish swims at a velocity $\underline{v} = 20\underline{i} + 14\underline{j}$. It is found that the stream flows at a velocity of $\underline{a} = 7\underline{i} - 21\underline{j}$. Find the magnitude and direction of the resultant velocity of the fish.

[5 markah/ marks]

- (b) Diberi $\underline{u} = a\underline{i} + b\underline{j}$ dan $\underline{v} = \underline{i} - 4\underline{j}$. Jika $|\underline{u} - 2\underline{v}| = \sqrt{a^2 + b^2}$, ungkapkan a dalam sebutan b .

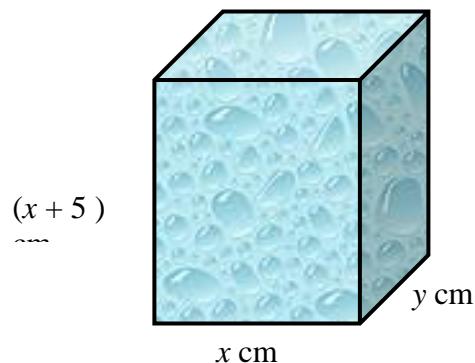
Given $\underline{u} = a\underline{i} + b\underline{j}$ and $\underline{v} = \underline{i} - 4\underline{j}$. If $|\underline{u} - 2\underline{v}| = \sqrt{a^2 + b^2}$, express a in terms of b .

[3 markah/ marks]

Jawapan/Answer :

14. Syarikat Drink Juice ingin membungkus jus minuman dalam sebuah bekas berbentuk kuboid seperti dalam Rajah 14.

Syarikat Drink Juice intends to pack drink juice in a cuboid-shaped container as shown in Diagram 14.



Rajah 14 / Diagram 14

Diberi jumlah panjang sisi kuboid itu ialah 154 cm dan jumlah luas permukaannya ialah 845 cm^2 . Jika $x > y$, adakah 1000 ml jus minuman dapat dimuatkan dalam bekas minuman tersebut? Jelaskan jawapan anda.

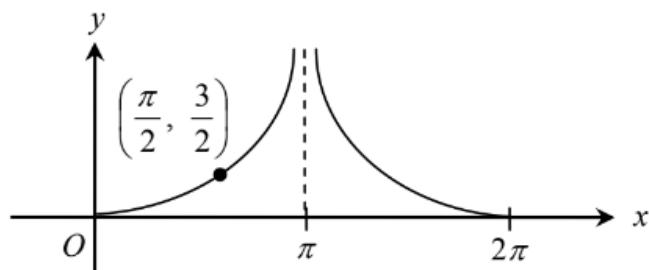
Given that the total length of sides of the cuboid is 154 cm and its total surface area is 845 cm^2 . If $x > y$, can 1000 ml of drink juice fit in the drink container? Justify your answer.

[8 markah / marks]

Jawapan/Answer :

15. Rajah 15 menunjukkan graf bagi satu fungsi trigonometri

Diagram 15 shows the graph of a trigonometric function.



Rajah 15 / Diagram 15

- a) Cari fungsi trigonometri bagi graf tersebut
Find the trigonometric function of the graph.

[4 markah/marks]

- b) Selesaikan persamaan $3 \cos 2x = 8 \sin x - 5$ untuk $0^\circ \leq x \leq 360^\circ$

Solve the equation $3 \cos 2x = 8 \sin x - 5$ for $0^\circ \leq x \leq 360^\circ$

[4 markah/marks]

Jawapan/Answer :

SOALAN TAMAT